

# Podstawy Grafiki Komputerowej

Wykład 12: ... ?

Andrzej Łukaszewski

Pracownia Grafiki Komputerowej  
(LIGHT — Laboratory of Imaging and GraphiC Techniques)

Instytut Informatyki, Uniwersytet Wrocławski

7 stycznia 2020

Modelowanie lokalnych zmian własności powierzchni:

- 1 kolor
- 2 własności odbicia
- 3 wektor normalny → bump mapping
- 4 zaburzenia kształtu → displacement mapping

Skomplikowana geometria czy prostsza geometria + tekstura

Własności:

- 1 wymiar tekstury : 2D, 3D,..
- 2 parametryzacja: odwzorowanie między punktem obiektu, a punktami w przestrzeni tekstury
- 3 czy tekstura jest proceduralna czy też jest zaglądaniem do tablicy/bitmapy

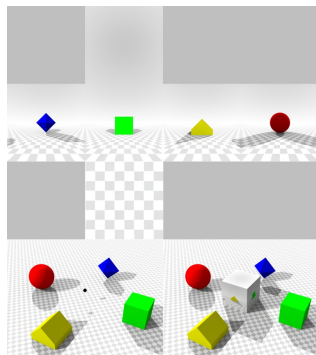


# Teksturowanie: mapy środowiska

## Environment map



Źródło: M.C.Escher, 1935, wikipedia



Źródło: wikipedia, SharkD

Cube maps/mapy sześciennie  
Skyboxes

# Teksturowanie: 2D parametryzacja

Dla każdego wierzchołka/punktu powierzchni jeśli mamy dane współrzędne tekstury  $(u, v)$  to pobieramy wartość np. kolor z danej funkcji/bitmapy  $T(u, v)$ .

Często potrzebna też **funkcja odwrotna** która dla punktu 3D potrafi obliczyć współrzędne tekstury np. Ray Tracing.

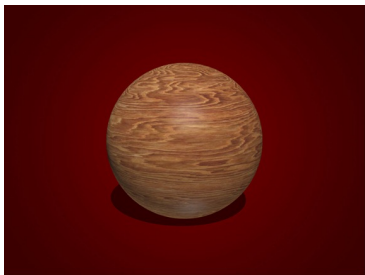
Problem z parametryzacją: jak zapewnić spójną parametryzację dla zbioru trójkątów, sześcianu, kuli,...

Dla kuli możemy zaproponować parametryzację:

- 1  $(x, y, z) \rightarrow (u, v) = (x, y)$
- 2 współrzędne biegunowe, rzut na walec
- 3 inne rzuty na płaszczyznę

W żadnej nie unikniemy osobliwości. Pozostaje problem jaka jest naturalna parametryzacja, jak np. nałożyć teksturę drewna.

# Teksturowanie: 2D czy 3D



Źródło: M.Hoffmann, <http://www.tipsquirrel.com/working-with-3d-materials-in-photoshop-cs5/>

3D:

**Naturalność:** kula z drewna ma kolory które biorą się z słoii 3D.

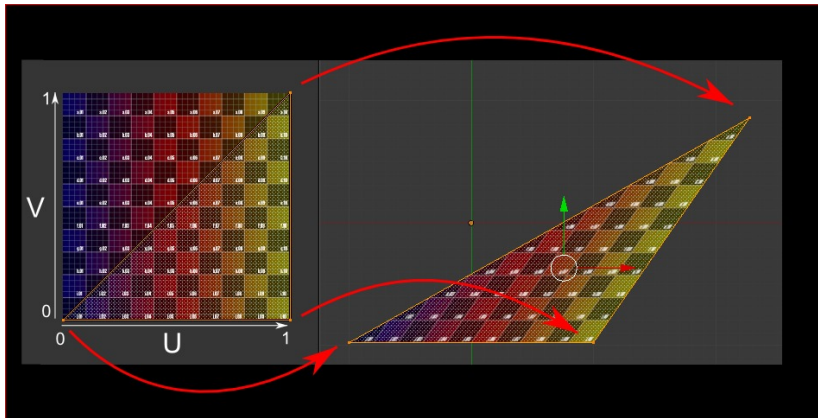
**Tablice:** ilość pamięci, pozyskiwanie danych wolumetr.

**Proceduralnie:** ...

# Teksturowanie: 2D w OpenGL

## OpenGL Tutorial:

<http://www.opengl-tutorial.org/beginners-tutorials/tutorial-5-a-textured-cube>

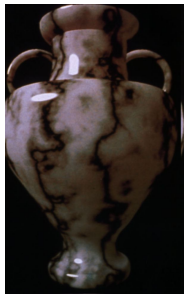


Texture Unit, Texture Binding

# Teksturowanie: proceduralne 3D

Reprezentacja proceduralna tekstury w postaci funkcji  $T(x, y, z)$ :

- jest ekstremalnie mała
- nie ma określonej rozdzielczości lecz dowolną dokładność
- ma nieograniczoną przestrzeń parametrów
- funkcję można sparametryzować umożliwiając zmiany



Źródło: Ken Perlin, 1985

*Literatura: D.S.Ebert, F.K.Musgrave et al. – “Texturing and Modeling, Third Edition: A Procedural Approach” Morgan Kaufmann, 2003.*

# Teksturowanie: przykłady ceglany mur

Przykład cegieł w języku RenderMan'a (Ebert et al. - "Texturing and Modelling", str.40-41)

```
#define MWF (MORTARTHICKNESS*0.5/BMWIDTH)
#define MHF (MORTARTHICKNESS*0.5/BMHEIGHT)
surface brick(uniform float Ka = 1;    uniform float Kd = 1;
              uniform color Cbrick = color (0.5, 0.15, 0.14);
              uniform color Cmortar = color (0.5, 0.5, 0.5);)    {
    color Ct;    point Nf;
    float ss, tt, sbrick, tbrick, w, h;
    float scoord = s;    float tcoord = t;
    Nf = normalize(faceforward(N, I));
    ss = scoord / BMWIDTH;    tt = tcoord / BMHEIGHT;

    if (mod(tt*0.5,1) > 0.5)
    ss += 0.5; /* shift alternate rows */
    sbrick = floor(ss); /* which brick? */
    tbrick = floor(tt); /* which brick? */
    ss -= sbrick;    tt -= tbrick;

    w = step(MWF,ss) - step(1-MWF,ss);
    th = step(MHF,tt) - step(1-MHF,tt);
    Ct = mix(Cmortar, Cbrick, w*h);
    /* diffuse reflection model */
    Oi = Os;
    Ci = Os * Ct * (Ka * ambient() + Kd * diffuse(Nf));
}
```



# Teksturowanie: przykłady tekstury drewna

Kolor zależy od promienia:  $r = \sqrt{x^2 + y^2}$

Jeśli:

$$\left( \frac{r}{w_d} - \text{floor}\left(\frac{r}{w_d}\right) \right) \leq 0.5$$

to zwracamy kolor jasnego słoja w p.p. ciemny kolor



Źródło: wikipedia, Falstaff

Warto zaburzyć regularność:

- 1 zastępując  $r$  przez:  $r + c \cdot \cos(k\alpha)$  gdzie  $\alpha = \arccos \frac{x}{\sqrt{x^2+y^2}}$
- 2 zmiany względem  $z$  zastępując  $r$  przez:  
 $r + c \cdot \cos(k\alpha + m \cdot z)$
- 3 zamiast regularnych funkcji trygonometrycznych lepiej użyć losowego szumu o ściśle określonych częstotliwościach

# Teksturowanie: generowanie szumu

Biały szum (np. TV) jest zły bo zawiera wszelakie częstotliwości i sąsiednie punkty mają często zupełnie inne wartości.

## **Funkcja Noise()** własności wymagane:

- powtarzalna funkcja pseudolosowa
- określony zakres wartości np.  $[-1, 1]$
- ograniczone widmo częstotliwości z  $\max.= 1$
- nie zawiera oczywistych okresowości i regularnych wzorów
- stacjonarność (statystyczna niezmienniczość na translacje)
- anizotropowość (statystyczna niezmienniczość na rotacje)

# Teksturowanie: szum kratowy

**Szum kratowy:** generujemy pewne losowe wartości na kracie, a pomiędzy nimi stosujemy jakąś interpolację/aproksymację.

**Szum generowany przez wartości:** Interpolacja przez wartości z punktów kratowych np. funkcje sklejane Catmull-Rom'a potrzebne 4 wartości w każdym kierunku, duży koszt (64 wartości). Widmo jest słabo ograniczone od dołu.

**Szum generowany przez gradienty:** w punktach kratowych ustalamy wartości  $Noise = 0$ , generujemy zaś losowe gradienty. Wartości pomiędzy obliczamy na podstawie wartości z rogów sześcianu (8 gradientów).

Zera w punktach kratowych ograniczają widmo częstotliwości.

# Teksturowanie: szum Perlina

$$\text{Noise}(x, y, z) = \sum_{i=[x]}^{[x]+1} \sum_{j=[y]}^{[y]+1} \sum_{k=[z]}^{[z]+1} \Omega_{ijk}(x - i, y - j, z - k)$$

gdzie

$$\Omega_{ijk}(u, v, w) = \omega(u)\omega(v)\omega(w) \langle \Gamma_{ijk}, (u, v, w) \rangle$$

gdzie

$$\omega(t) = 2|t|^3 - 3|t|^2 + 1 \text{ dla } t \in [-1, 1] \text{ i } 0 \text{ poza}$$

---

Generowanie wektorów gradientu. Perlin: wystarczy  $n=256$  w jednej tablicy i używanie ich w sposób pseudolosowy.

$$\Gamma_{ijk} = G(R(i + R(j + R(k))))$$

$G$  to tablica gradientów,  $P$  jest permutacją i  $R(i) = P(i \bmod n)$

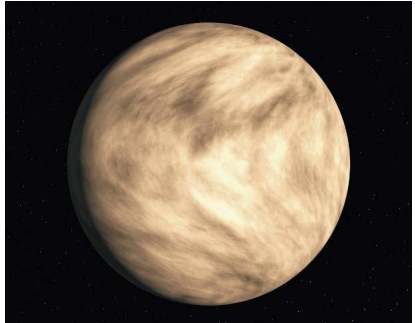
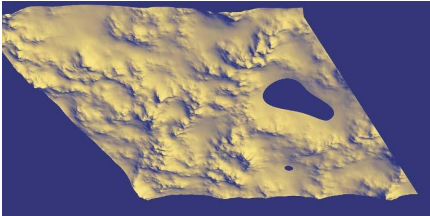
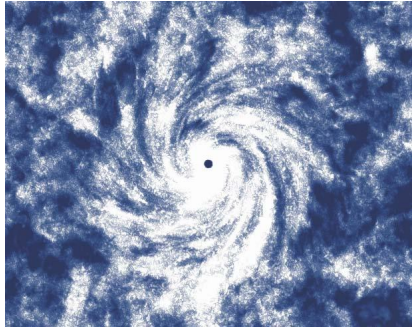
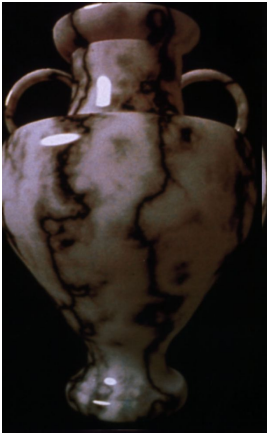
Jeśli mamy 2 kopie tablicy  $G$  to można pominąć operacje  $\bmod$ .

# Teksturowanie: szum Perlina w GLSL

- 1985: Ken Perlin – “An Image Synthesizer” SIGGRAPH.
- 1997: Ken Perlin – Academy Award for Technical Achievement
- 2001: Ken Perlin – simplex noise patent
- Szum w shaderach z kodem: Ashima Arts, Stefan Gustavson:  
<https://github.com/ashima/webgl-noise>

Przykład z szumem na sferze

# Lit.: Ebert et. al – “Texturing and Modelling”



## Przykłady funkcji sumy fraktalnej i turbulencji

Suma fraktalna:

$$\text{fractalsum}(P) = \sum_{f=MIN,2MIN,4MIN,..MAX} \frac{1}{f} \text{Noise}(f \cdot P)$$

Turbulencja:

$$\text{turbulence}(P) = \sum_{f=MIN,2MIN,4MIN,..MAX} \frac{1}{f} |\text{Noise}(f \cdot P)|$$

(dobrze odpowiada teksturze marmuru, ostre nieciągłości pochodnej)