

# Podstawy Grafiki Komputerowej

## Wykład 5: Widoczność

Andrzej Łukaszewski

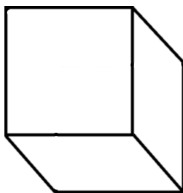
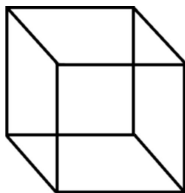
Pracownia Grafiki Komputerowej  
(LIGHT — Laboratory of Imaging and GraphiC Techniques)

Instytut Informatyki, Uniwersytet Wrocławski

4 listopada 2019

# Widoczność: wstęp

- Po właściwej transformacji współrzędnych uwzględniającej rzutowanie do renderowania trzeba uwzględnić widoczność.
- Widoczność** to po **paralaksie** (para oczu) i **perspektywie** kolejna informacja dla systemu widzenia o przestrzennym położeniu przedmiotów, 3D.
- Niejednoznaczność interpretacji:



(rzut równoległy bez perspektywy, widoczność!)

# Widoczność: definicja problemu

## Widoczność obiektu/ściany ?

*Czy obiekt/ściana jest widoczna dla danego obserwatora?  
W całości, częściowo?*

## Uogólnienie: widoczność obiektu z regionu

*Dla wszystkich położzeń obserwatora w regionie np.  
prostokątnym czy obiekt jest widoczny: z jakiegoś  
punktu ? dla każdego punktu ?*

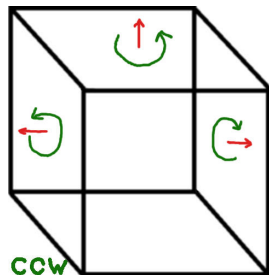
## Definicja: widoczność punktu

*Punkt  $P$  jest widoczny dla obserwatora znajdującego się w  $O$   
jeśli odcinek  $PO$  nie przecina innego obiektu (który go zasłania).*

# Widoczność: przegląd i klasyfikacja

- Jeden z pierwszych klasycznych problemów C.G.:  
**Usuwanie niewidocznych linii i powierzchni (hidden surface/line removal/determination)**
- Klasyczne rozwiązania z lat '60-'70-tych:
  - ray casting 1968,
  - z—bufor 1974,
  - sortowanie, ...
- Klasyfikacja: algorytmy działające z precyzją: obiektową lub obrazową (pikselową)  
Albo ustalamy widoczne części ścian albo dla pikseli ustalamy widoczność.

## Trywialne odrzucanie ścian tylnych



- Działa dla prostych przypadków: .....jakich?
- Warunki: ściany są jednostronne i wektory normalne wskazują poprawnie czyli wierzchołki podane w ustalonej kolejności: CW/CCW, koszt: 1 iloczyn skalarny
- Metoda preprocessingu dla innych metod
- OpenGL: back CW, front CCW, czyli tylko FRONT:  
`glEnable(GL_CULL_FACE); glCullFace(GL_BACK);`

# Widoczność: bufor głębokości

- 1974: E. Catmull/USA i równolegle W.Strasser/Niemcy
- z—bufor: dla każdego piksela głębokość
- algorytm w przestrzeni obrazu
- stosowany w sprzęcie (karty, OpenGL), a także programowo (np. tak powstało wiele filmów: renderer firmy Pixar)

**Algorytm:** inicjalizacje bufora koloru i z-bufora ( $\pm inf$  lub far cl.)

```
1 dla każdego obiektu
2   dla każdego piksela (x,y) zrasteryzowanego obiektu
3     pz = oblicz odległość od obserwatora
4     jeśli pz < GetZBuffer(x,y)
5       wtedy
6         PutZBuffer(x,y,pz)
7         PutPixel(x,y, odpowiedni kolor)
```

# Widoczność: bufor głębokości

Uwagi:

- 1 Działa ogólnie dla obiektów dla których potrafimy podać sposób rasteryzacji rzutu i metodę obliczania głębokości.
- 2 rasteryzacja/rysowanie wielu wielokątów niepotrzebnie
- 3 koszt zależy od kolejności (kolejność od tyłu do przodu zła)
- 4 koszt rośnie wraz z ilością obiektów ale bardziej wraz z ilością rasteryzowanych pikseli więc podział nie powoduje katastrofy
- 5 dokładność bufora 16,24,32 bity między płaszczyznami obcinającymi → artefakty

Obliczanie odległości dla wielokątów mamy równanie płaszczyzny, tak więc w odpowiednich współrzędnych:

$$z = \frac{-D - Ax - By}{C}$$

metoda różnicowa:  $\Delta z = -A/C \cdot \Delta x$

# Widoczność: OpenGL

```
1 // Trywialne eliminowanie ścian tylnych
2 //   - uaktywniamy test:
3   glEnable(GL_CULL_FACE)
4 //   - określamy orientacje dla FRONT:
5   glFrontFace(GL_CCW); // domyślnie CCW
6 //   - określamy które odrzucać: BACK/FRONT
7   glCullFace(GL_BACK); // domyślne
8
9 // Bufor głębokości czyli z-bufor:
10 //   - uaktywniamy test:
11   glEnable(GL_DEPTH_TEST);
12 //   - określamy funkcje LESS/LEQUAL/GEQUAL/..
13   glDepthFunc(GL_LESS);
14 //   - czyścimy bufor przed renderowaniem
15   glClear(GL_COLOR_BUFFER_BIT | GL_DEPTH_BUFFER_BIT);
```



# Widoczność: sortowanie

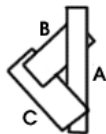
Co nam da posortowanie względem głębokości, czyli jak pracują malarze?

## Algorytm malarza

*Proste malowanie: renderujemy obiekty od tyłu do przodu tak, że zamalowujemy zasłonięte obiekty.*

Jak ustalić porządek ?

- posortowanie po z nie wystarcza



(rys.: wikipedia)

- zasłanianie cyklicznie 3 trójkątów.
- wzajemne zasłanianie 2 wielokątów niewypukłych ...

# Widoczność: Newell-Newell-Sancha

Ogólny schemat algorytmu:

- 1 posortować
- 2 poprawić
- 3 wyświetlić algorytmem malarza

Poprawianie: dla każdej pary ścian sprawdzamy czy dalsza B nie zasłania wcześniejszej A, do pierwszego testu który przejdzie:

- 1 zakresy  $x$  lub  $y$  rzutów A i B są rozłączne
- 2 A w całości po tej samej stronie płaszczyzny B co obs.
- 3 B w całości po przeciwnej stronie płaszczyzny A co obs.
- 4 rzuty A i B rozłączne

Jeśli nie spełnione to zamieniamy i wykrywamy problemy ... np. cykle.

# Widoczność: drzewa BSP

Fuchs, Kaden, Naylor 1980

Intensywne przetwarzanie wstępne, linowe wyświetlanie.

Klasyczne zastosowania: Doom, symulatory lotnicze.

Drzewo BSP określa nam kolejność zasłaniania więc do renderowania wystarczy algorytm malarza.

```
1 draw(bsptree T, point e) // rekurencyjnie
2   if (T.empty) return
3   if ( f(T.root)(e) < 0 ) // obs. po ujemnej stronie
4     draw(T.plus, e) // f - równanie płaszczyzny
5     rasterize(T.triangle)
6     draw(T.minus, e)
7   else
8     draw(T.minus, e) // tu ujemna dalej
9     rasterize(T.triangle)
0     draw(T.plus, e)
```

# Widoczność: drzewa BSP

**PROBLEM:** Jak wygenerować optymalne drzewo BSP np. dla wielokątów

**KRYTERIUM:** przy wyborze płaszczyzn jak najmniej trójkątów przecinających bo powodują zwiększenie ilości obiektów

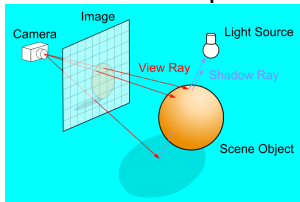
Heurystyki np. spośród zbioru wielokątów bierzemy 5 kandydatów i sprawdzamy ile ich podziały powodują rozcięć wielokątów i wybieramy najlepszy i rekurencyjnie tak tworzymy drzewo.

**Zastosowanie: renderowanie obiektów przezroczystych (kolejność!)**

# Widoczność: ray casting

Nierekurencyjna metoda śledzenia promieni

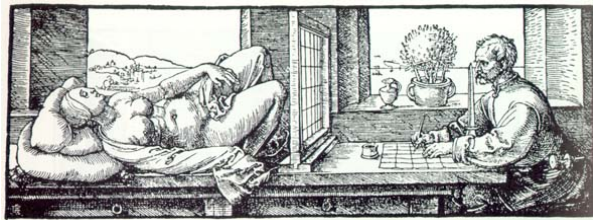
Appel, 1968



Rys.:By Henrik - Own work, GFDL, <https://commons.wikimedia.org/w/index.php?curid=3869326>

Studia rozchodzenia światła:

Leonardo da Vinci, A. Dürer



Albrecht Duerer, Underweysung der Messung mit dem Zirkel und Richtscheyt (Nurenberg, 1525), Book 3, figure 67.

Rekurencyjny ray-tracing

Whitted, 1980

# Widoczność: ray casting

- 1 dla każdego piksela
- 2 oblicz promień od obserwatora przez ekran
- 3 znajdź najbliższy obiekt przecięty przez promień
- 4 ustaw kolor piksela dla obiektu (oświetlenie?)

Trywialnie: trzeba znaleźć przecięcia z wszystkimi obiektami aby znaleźć najbliższe.

Bardziej zaawansowane algorytmy czynią ten algorytm praktycznym. Po dodaniu struktur przyspieszających redukujemy koszt ilości przecięć względem ilości obiektów  $N$  z  $O(N)$  do  $O(\log N)$ .

**Co jest efektywniejsze: z—bufor czy ray casting ?**

Przykłady: Embree, OptiX, Imagination Tech. (Caustics)

# Widoczność: ray casting

Generowanie promienia pierwotnego od obserwatora na podstawie lokalnego układu wektorów

- 1  $W$  od obserwatora do wirtualnego ekranu.
- 2  $U, V$  rozpinają płaszczyznę ekranu i określają kąty widzenia (np. jak w gluFrustum)

Promień jest określony przez punkt początkowy  $P$  i kierunek  $D$ .

$$D(x, y) = (W - U - V) + \frac{2x}{XRES}U + \frac{2y}{YRES}V$$

## Widoczność: ray casting

Znajdowanie przecięcia ze sferą:

Promień:

$$R(t) = P + tD$$

Równanie sfery (lub innej powierzchni uwikłanej):

$$F([x, y, z]) = 0$$

Po podstawieniu mamy równanie do rozwiązania:

$$F(R(t)) = 0$$

Dla sfery otrzymujemy więc jedno równanie kwadratowe zmiennej  $t$ . Po obliczeniu  $t$  łatwo otrzymać punkt  $R(t)$  a także obliczyć wektor normalny do sfery który może być potrzebny do obliczeń oświetlenia.



## Widoczność: culling c.d.

Obiekty mogą być niewidoczne z kilku powodów:

- leżą poza obszarem widzenia
- są skierowane tyłem
- są zasłonięte przez inne

Stąd mamy metody eliminujące część obiektów przed np. wysłaniem na GPU:

- view frustum culling
- back face culling
- occlusion culling, occluder fusion

Ostatnia klasa metod eliminacji obiektów zasłoniętych to szereg nowszych nietrywialnych algorytmów.

Portal Rendering: portale i sektory

(dla wnętrza)

PVS: Potentially Visible Set (z punktu, z regionu)

- dokładne
- konserwatywne
- agresywne
- aproksymacyjne

(sceny otwarte, miasta)

P.Wonka et al. "Guided Visibility Sampling" — SIGGRAPH 2006